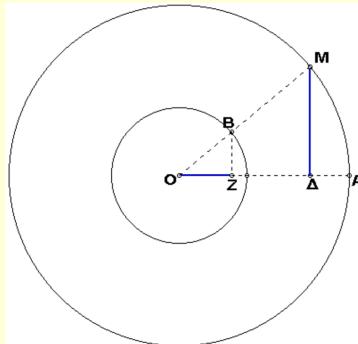


Διορθωτή Εύπορη

Η μέτρηση στην ποίνα

Ο καθηγητής των μαθηματικών σε ένα Λύκειο έδωσε στους μαθητές της Β' Λυκείου το παρακάτω πρόβλημα.



Δύο ομόκεντροι κύκλοι έχουν ακτίνες $\sqrt{3}$ και 1 αντίστοιχα. Το σημείο A είναι σταθερό πάνω στο μεγάλο κύκλο ενώ το M κινείται. Η OM τέμνει το μικρό κύκλο στο B. Από τα σημεία M, B φέρνουμε κάθετες πάνω στην OA, οπότε ορίζονται τα τμήματα OZ και MD. Πόση πρέπει να είναι η γωνία MOA ώστε η διαφορά MD – OZ να είναι ίση με 1/2;

Ερώτηση 1η (2 μονάδες)

Να δείξετε ότι $MD - OZ = \sqrt{3}ημχ - συνχ$, όπου x η γωνία MOA.

Ερώτηση 2η (5 μονάδες)

Να κατασκευάσετε έναν πίνακα τιμών της $f(x) = \sqrt{3}ημχ - συνχ$ για 50 τιμές (σε ακτίνια) της γωνίας x. Ποια είναι η μέγιστη και ποια η ελάχιστη τιμή της συνάρτησης;

Ερώτηση 3η (4 μονάδες)

Να περάσετε τα σημεία στους άξονες. Τι παρατηρείτε από τη διάταξη των σημείων;

Ερώτηση 4η (7 μονάδες)

Να βρείτε μια συνάρτηση η οποία περνά από όλα τα σημεία.

Ερώτηση 5η (2 μονάδες)

Με βάση την απάντηση στην ερώτηση 4, να δώσετε μια λύση στο αρχικό πρόβλημα.